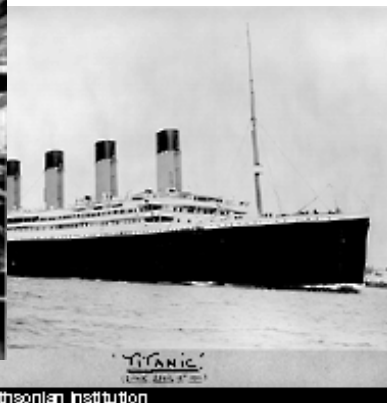
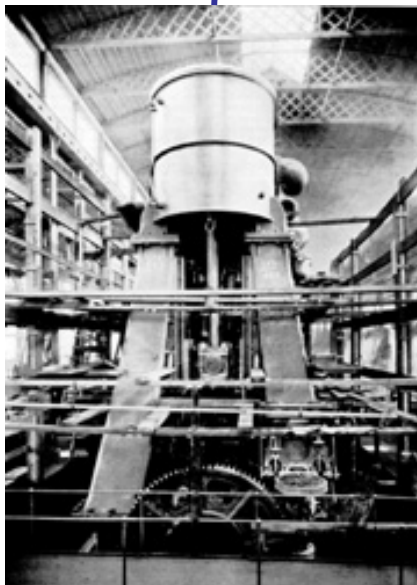
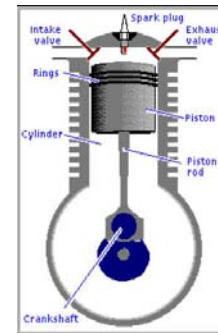
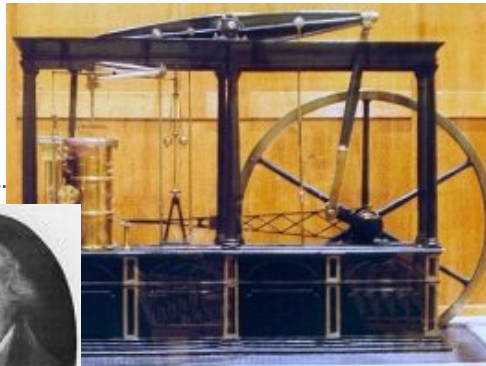


# Kvantum infokommunikáció, a titkosítás új lehetőségei

*„A tudós leírja azt, ami van, a mérnök viszont megalkotja azt, ami soha nem volt.”  
Gábor Dénes*

*Imre Sándor, BME-HIT*



# Ki tudja, hogy mi ez?

---



# Moore törvénye

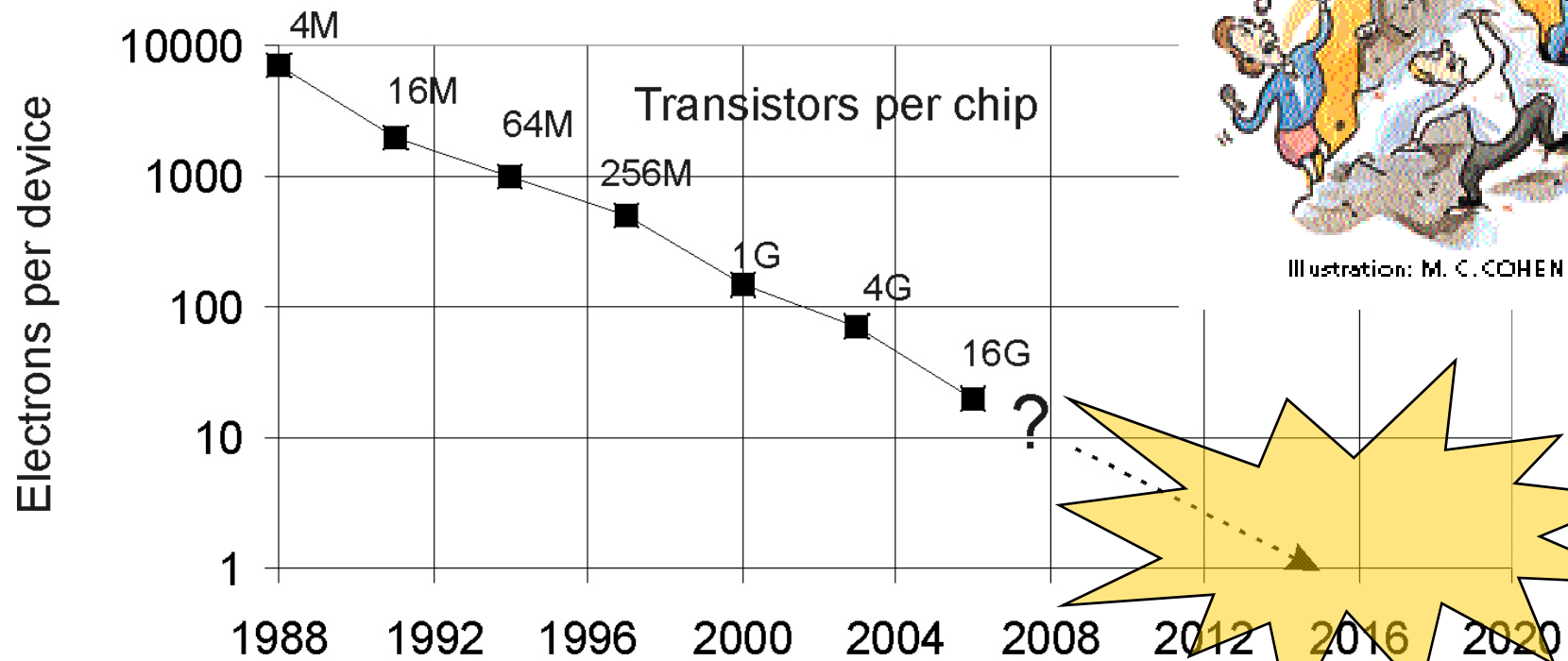


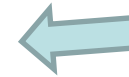
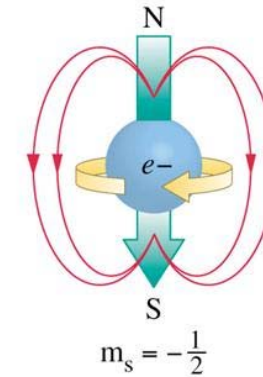
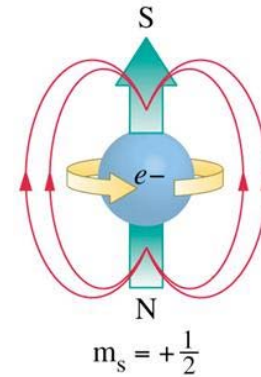
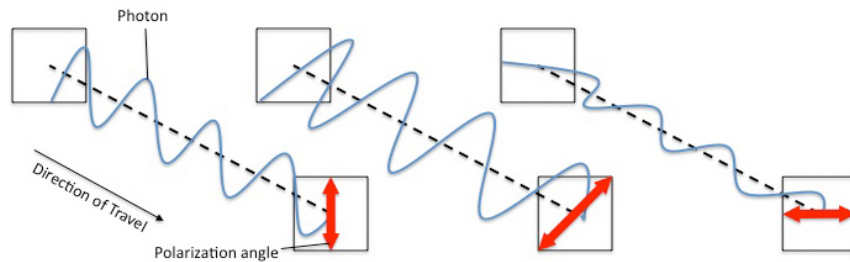
Illustration: M. C. COHEN

De meddig?



# Az elemi részecskék természetete

- részecske – hullám
- elektron spinje
- foton polarizációja

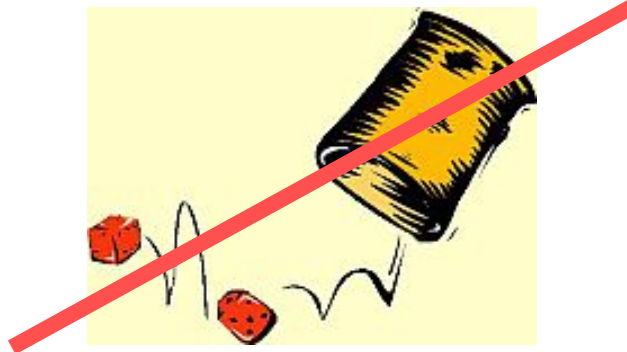


[www.baba.zug.hu](http://www.baba.zug.hu)

# A véletlen természete: tényleg véletlen 😊

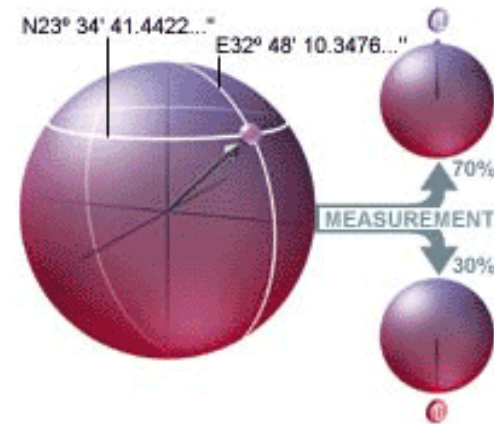
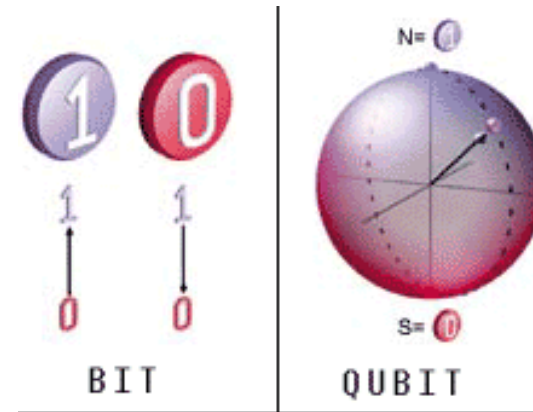


Isten nem dobókockázik a világgal!



Dehogynem! Sőt, volt annyira nagyvonalú, hogy diffegyenletek helyett olykor elegendő feldobni egy kockát!

# Kvantum bit (qbit)



$$|\varphi\rangle = a|0\rangle + b|1\rangle$$

$$a, b \in \mathbb{C} \text{ és } |a|^2 + |b|^2 = 1$$



# Mit lehet néhány qbittel kezdeni?

- Szuperpozíció:
  - $n=500$  hosszú regiszter több állapotot tartalmaz, mint a világegyetem atomjainak száma
  - És számolni is lehet ennyi számmal egyszerre!

$$|\varphi\rangle = \sum_{i=0}^{2^n-1} \varphi_i |i\rangle$$



# Összefonódás (entanglement)

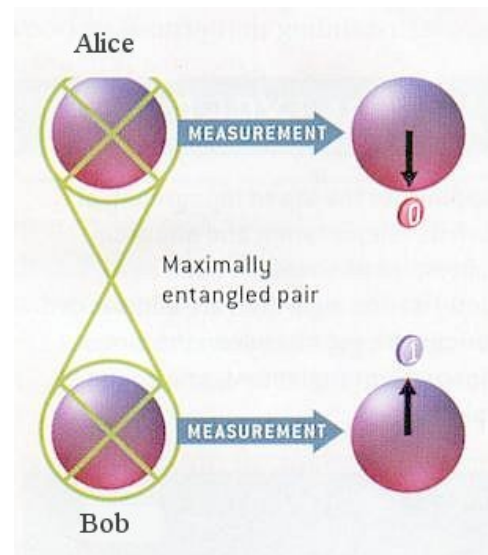


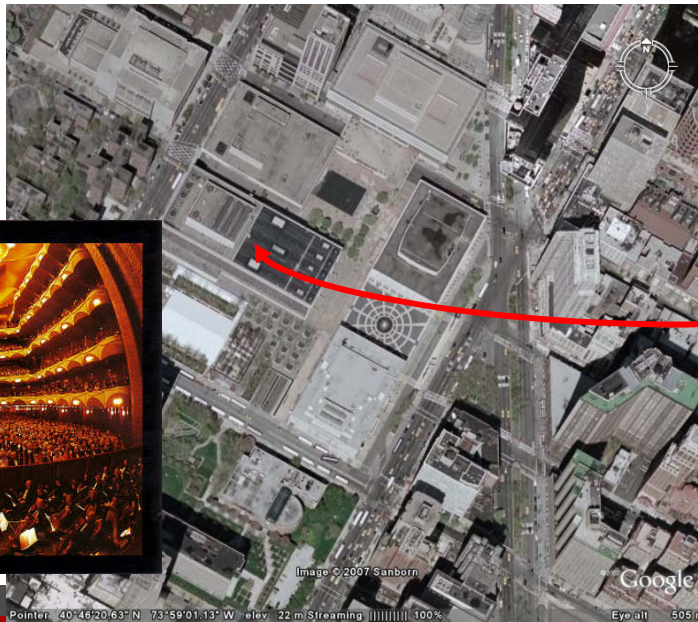
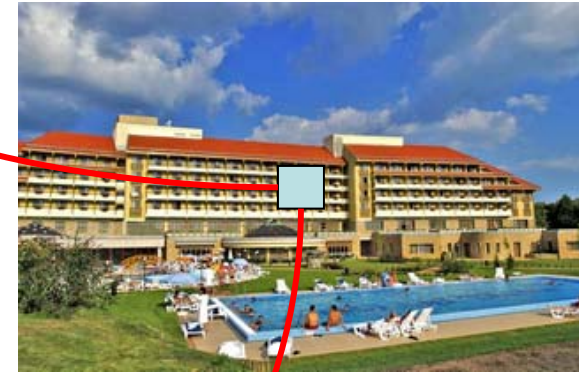
Az ölelés megnyugtat, csökkenti a félelmeket,  
a szorongást, és a magányosság érzését.

# Sőt, az ölelés (összefonódás) másra is jó!

$$|\varphi\rangle = \varphi_0|00\rangle + \varphi_1|01\rangle + \varphi_2|10\rangle + \varphi_3|11\rangle$$

$$|\varphi\rangle = \varphi_0|00\rangle + \varphi_3|11\rangle$$





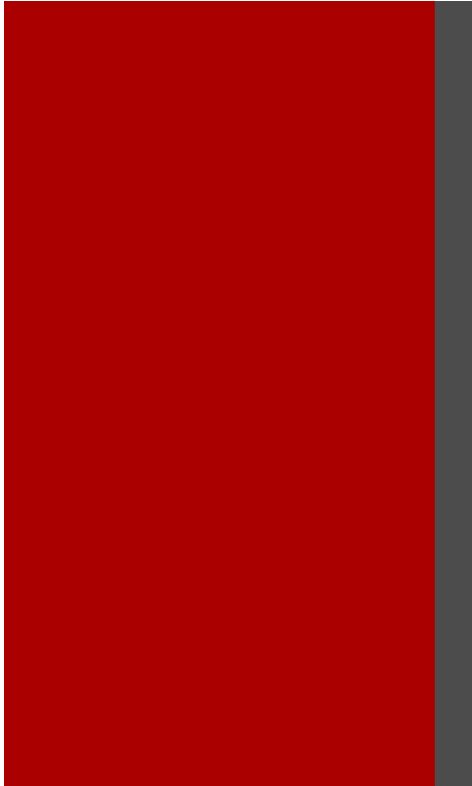
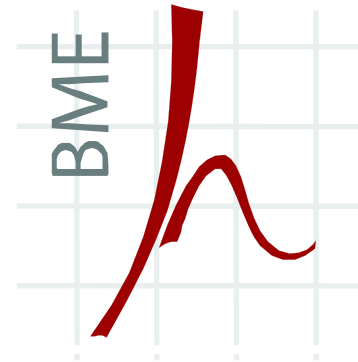
$$|\varphi\rangle = \varphi_0|00\rangle + \varphi_3|11\rangle$$

# Alkalmazás – Teleportálás

$$|\varphi\rangle = \varphi_0|00\rangle + \varphi_3|11\rangle$$



- 2015. szeptember: 150 km



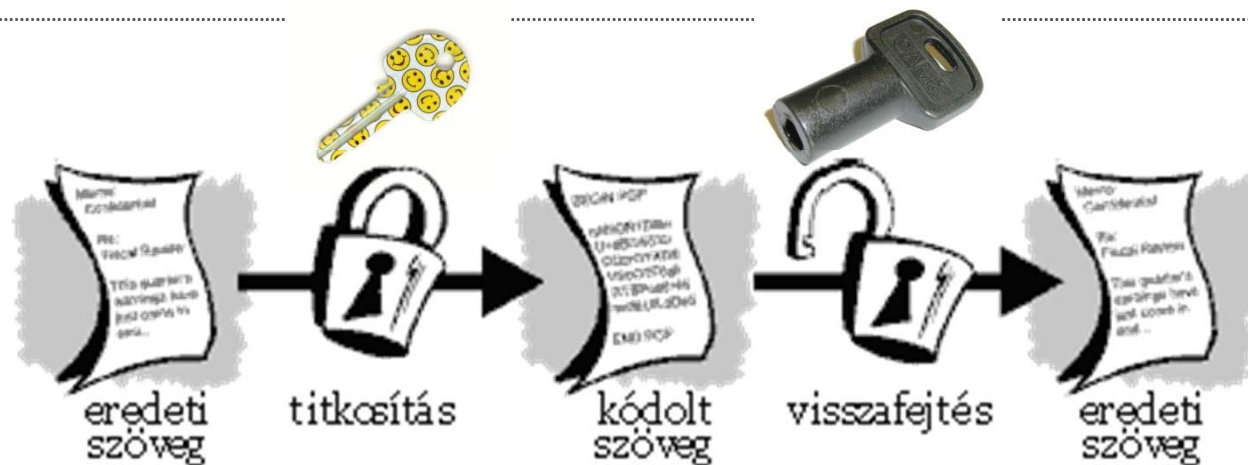
# Kvantum infokommunikációs alkalmazások

# Szimmetrikus titkosítás



- Szimmetrikus kulcsú titkosítás
  - Egyforma kulcsok mindkét oldalon
- Abszolút biztonságos, ha bizonyos előírásokat betartunk
- Gond, hogy a kulcsot miként juttassuk el a túloldalra????

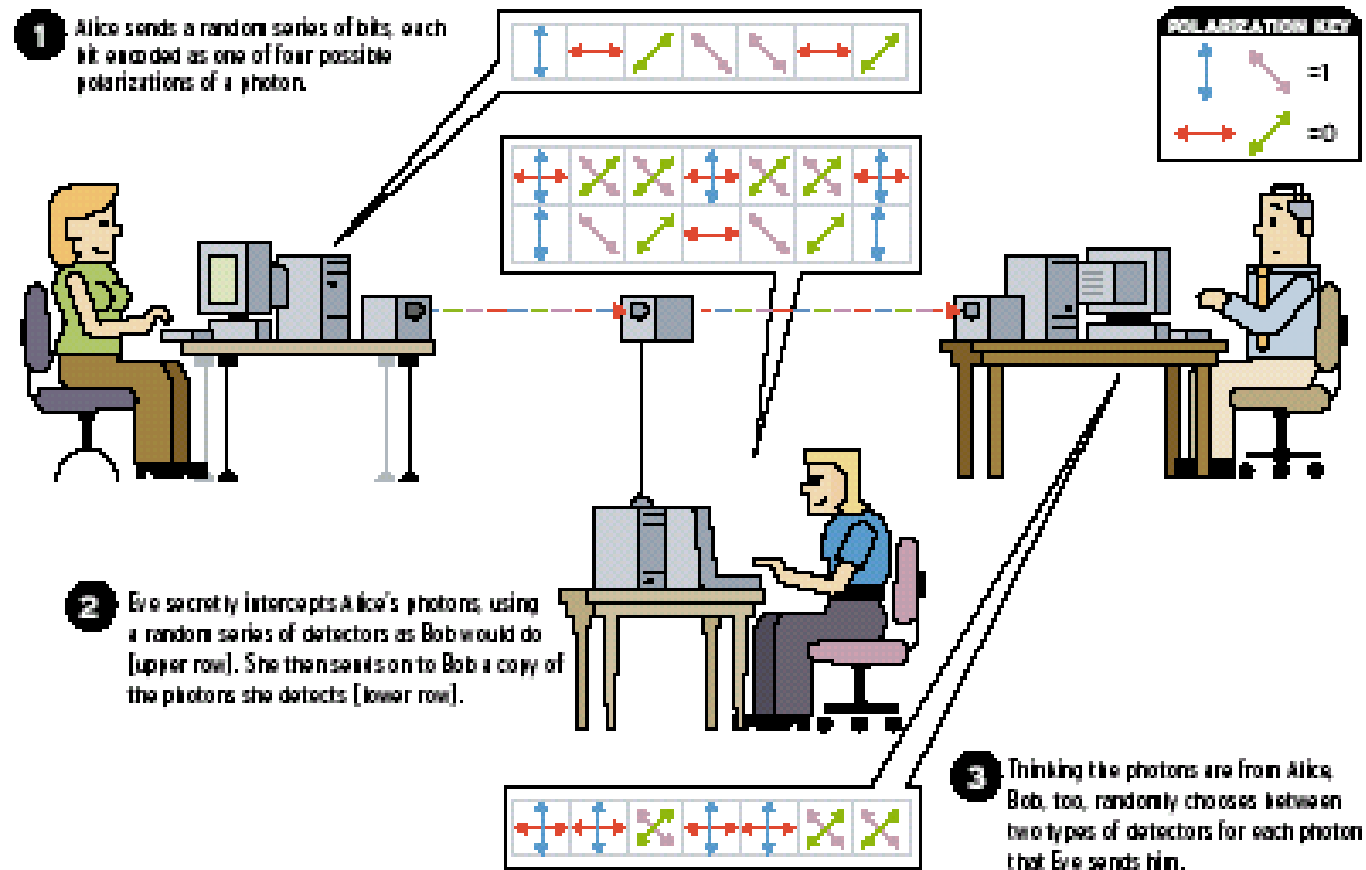
# Nyilvános kulcsú titkosítás



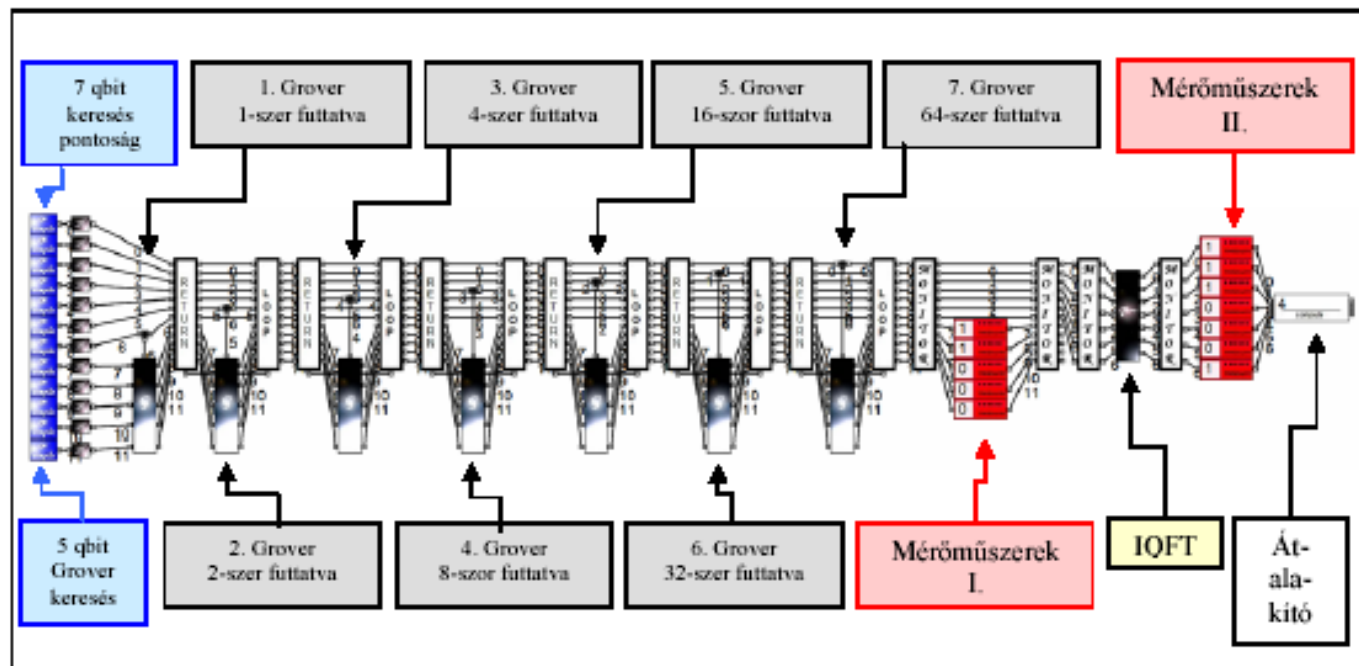
- **Nyilvános kulcsú titkosítás**
  - nyilvános titkosítókulcs, titkos fejtőkulcs
  - kulcsok előállítása: két nagy prímszám szorzatát felhasználva
  - feltörés: a törzstényezők meghatározása
- **A mai napig nem sikerült bebizonyítani, hogy nincs hatékony algoritmus a feltörésre. Mindenesetre eddig nem sikerült ilyen klasszikus algoritmust találni.**
- **De kvantumosat IGEN!**



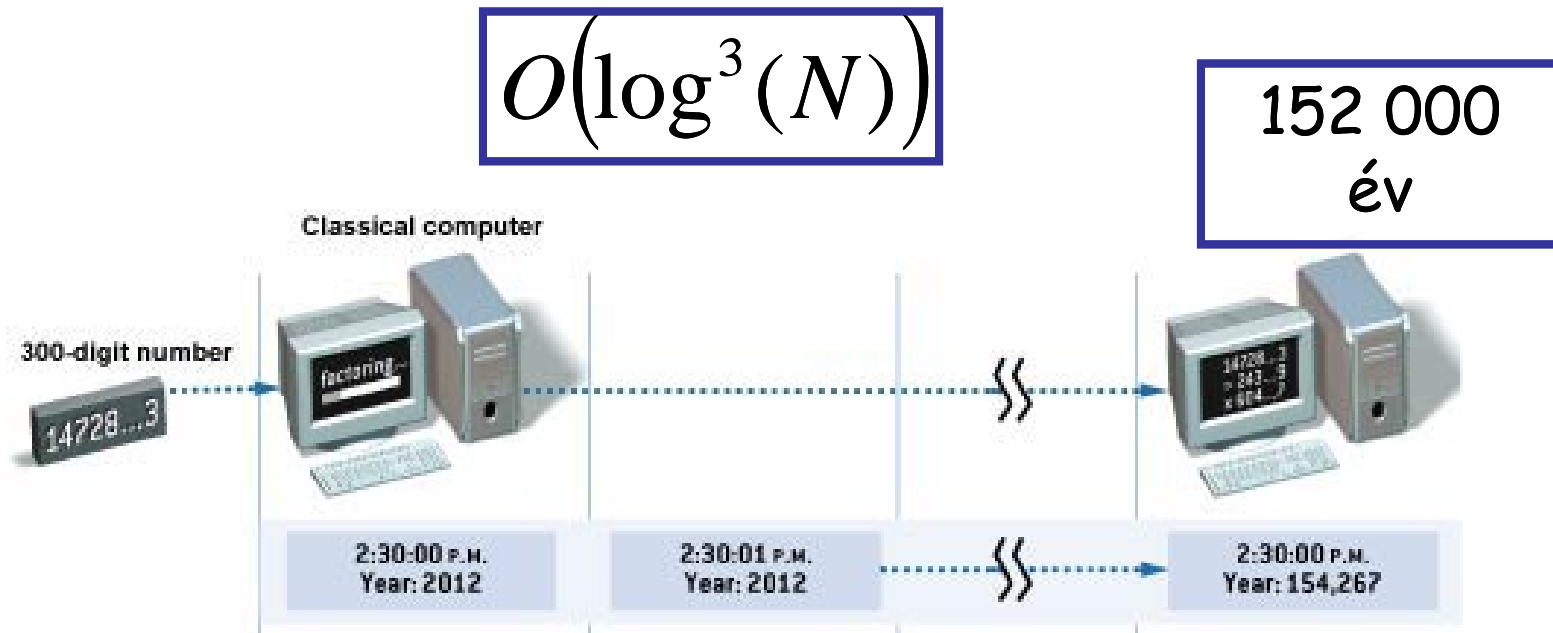
# A lehallgatás



# RSA feltörő kvantum áramkör

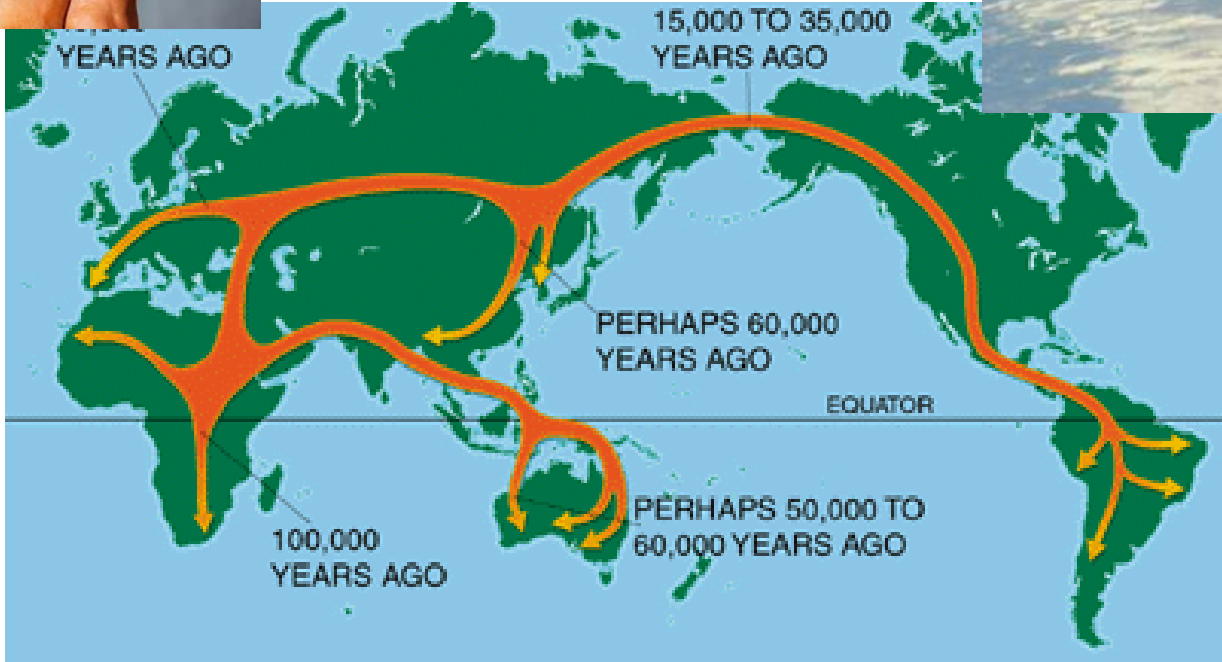


# Shor-algoritmus és az RSA feltörése

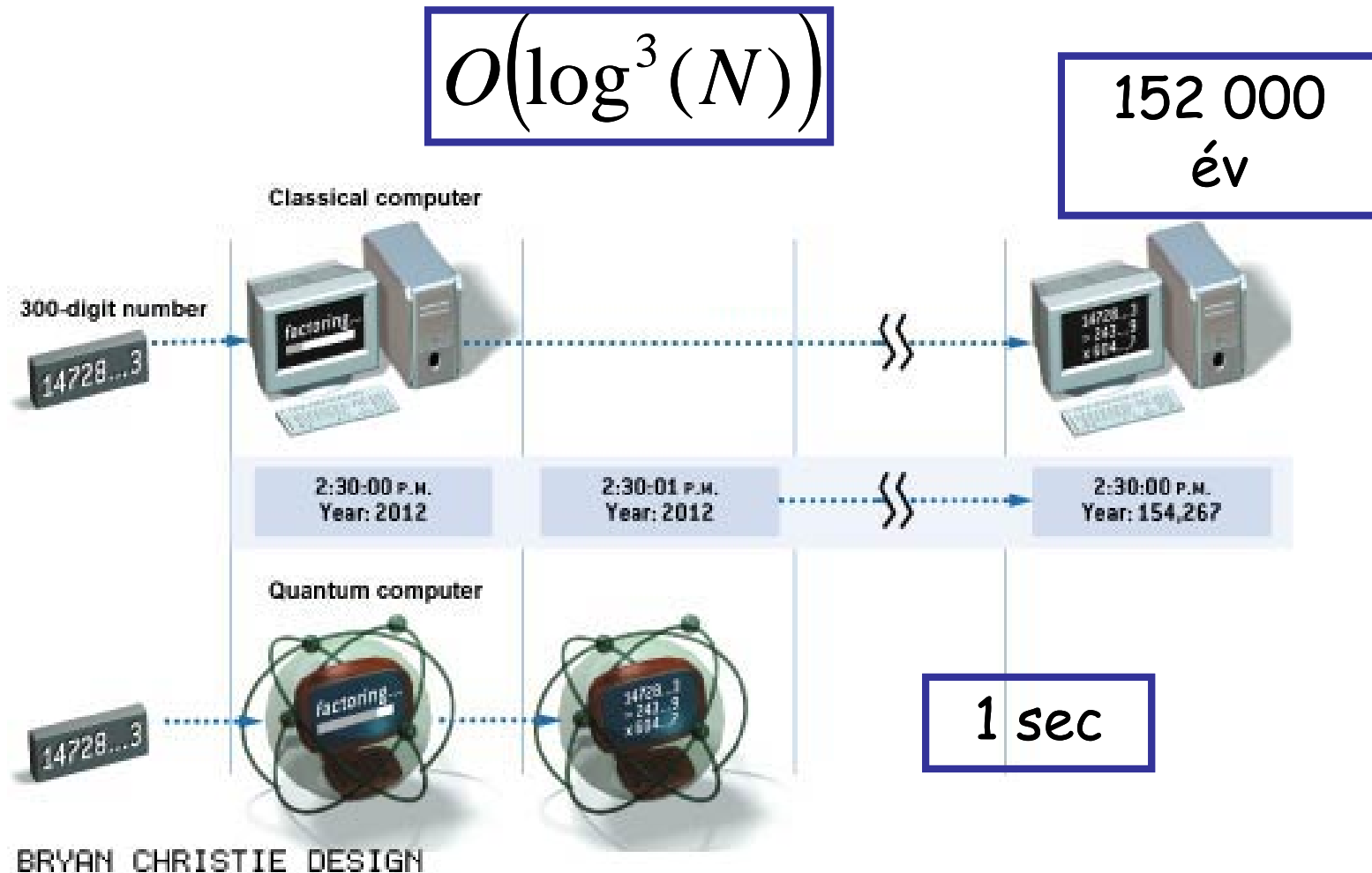




152 000  
év



# Shor-algoritmus és az RSA feltörése

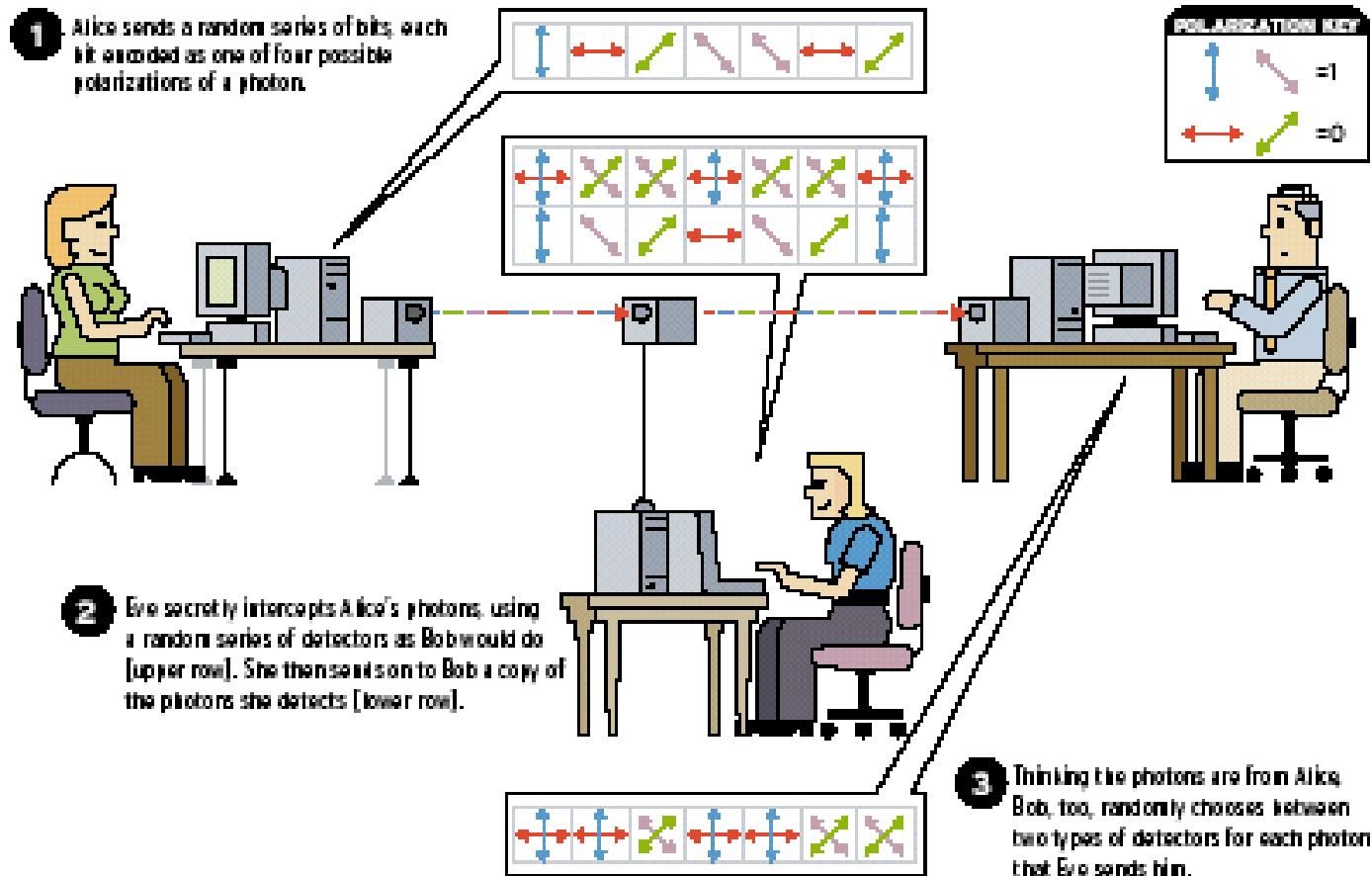


# Ahogy ma faktorizálunk

$$15=5\times 3$$



# Védekezés – kvantumoz kulcsszétosztás

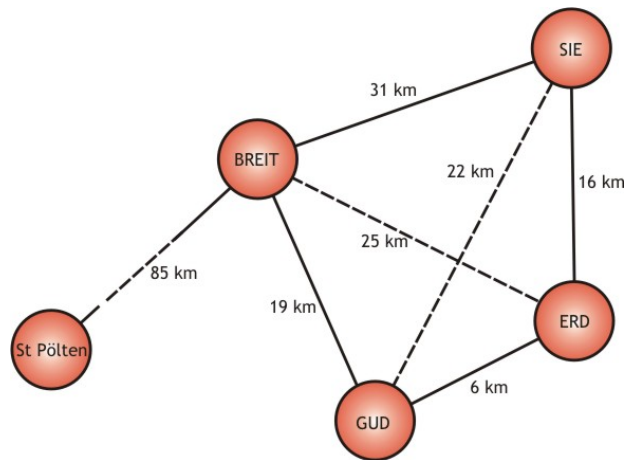


# Első sikeres demonstráció



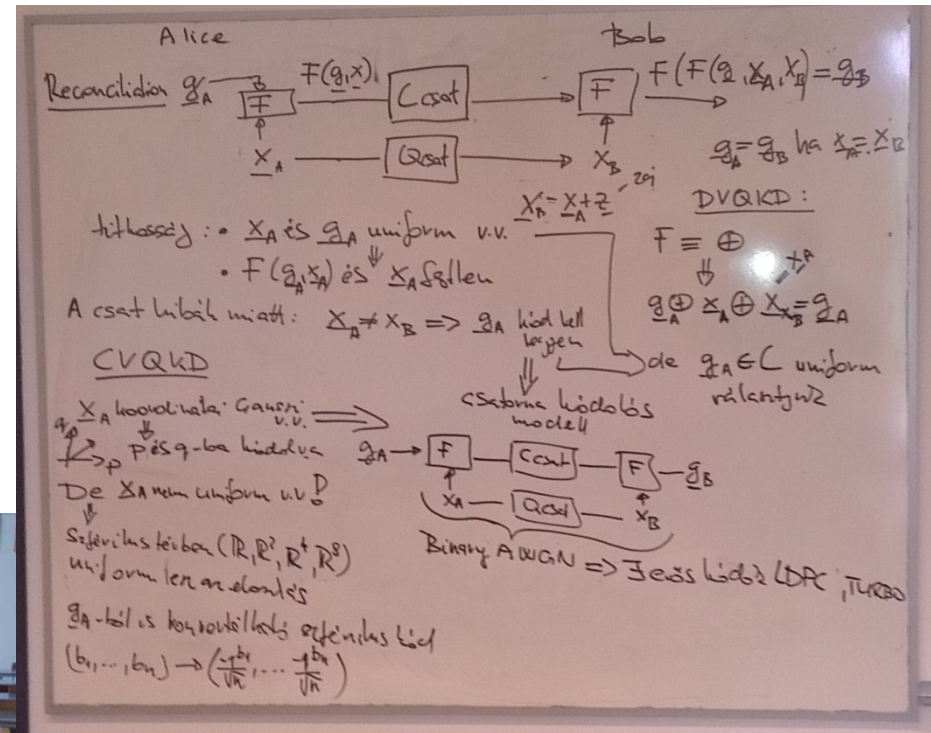
Development of a Global Network for Secure Communication based on Quantum Cryptography

- **Vienna, October 8, 2008.** Today, the first commercial communication network using quantum cryptography is demonstrated in Vienna, Austria.

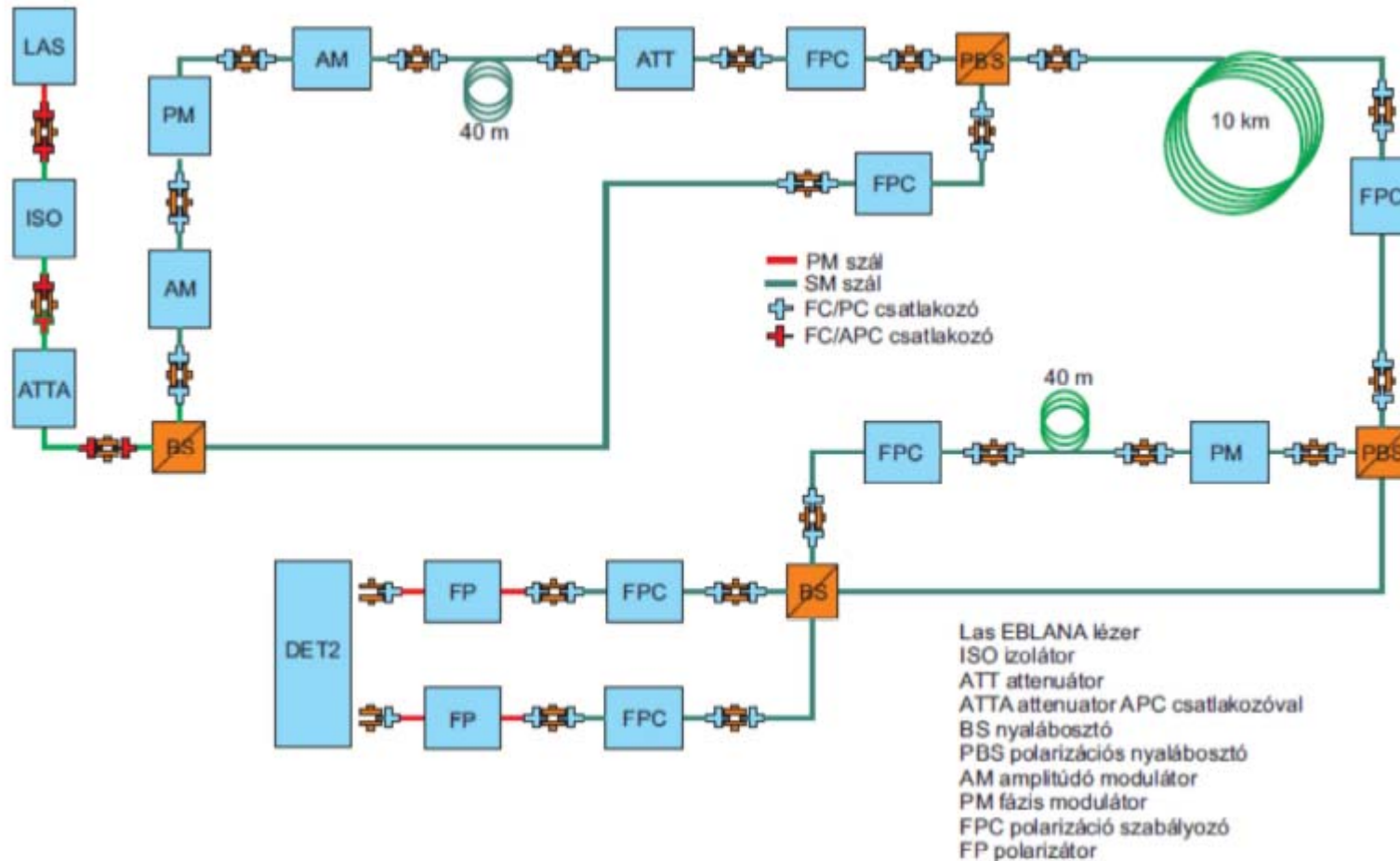




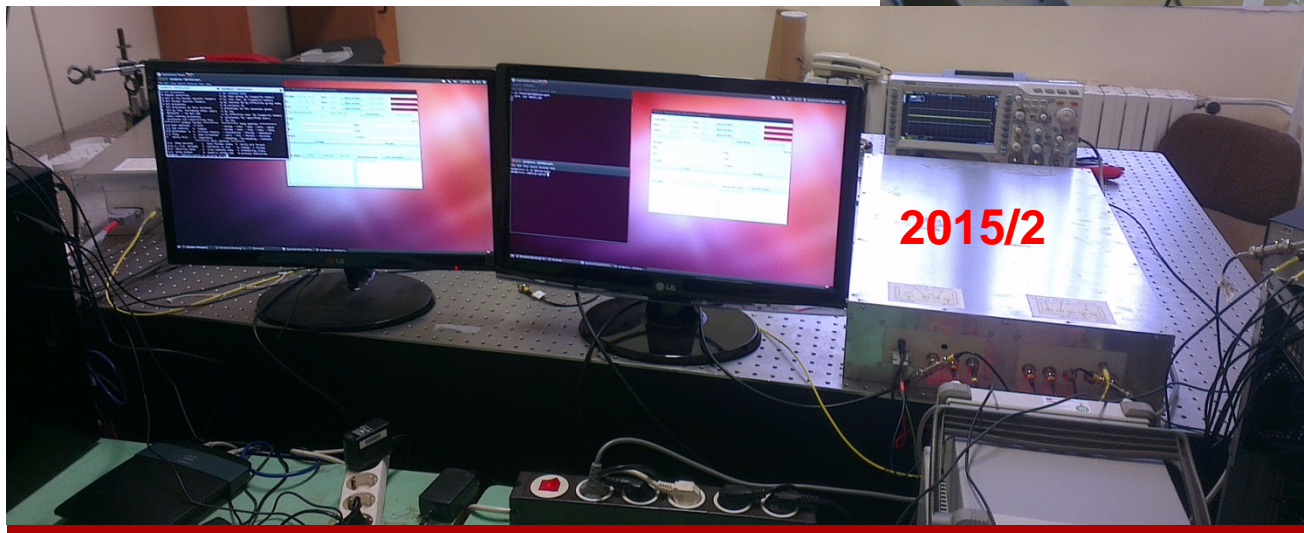
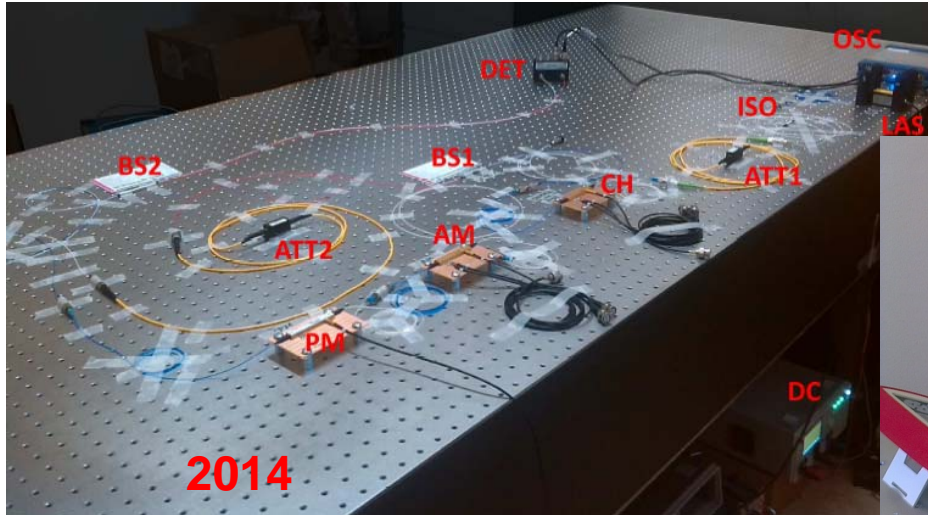
# Ahogy mi kulcsszétosztunk - 2013



# Ahogy mi kulcsszétosztunk - 2014



# Ahogy mi kulcsszétosztunk – 2015



# Adatbázis-keresés története

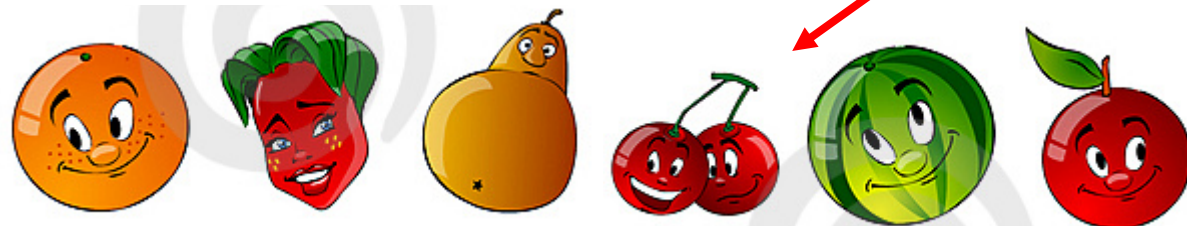


# Adatbázis keresés története v4:

## Grover-algoritmus

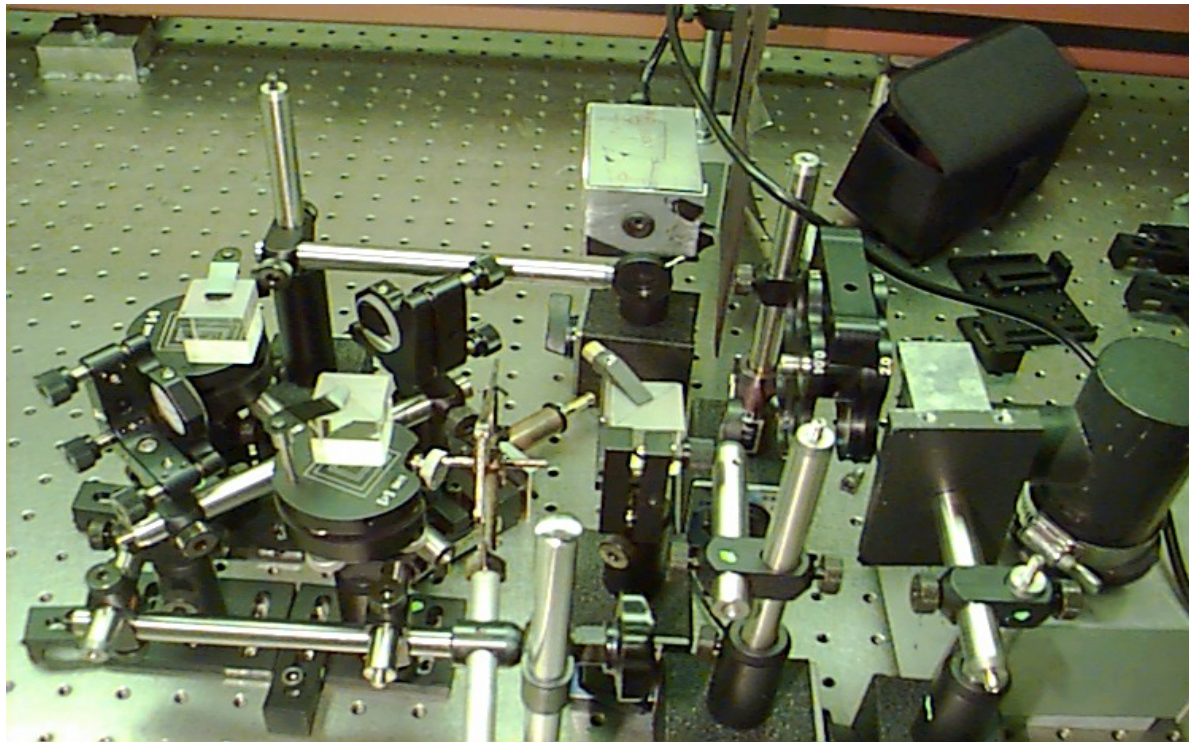
- Aki keres, talál! De nem mindegy mennyi idő alatt.
- Rendezetlen adatbázis  $N$  különböző elemmel.
- Klasszikusan  $N$  kérés szükséges.
- Ugyanakkor kvantum módon:

$$O(\sqrt{N})$$



# Ahogy ma adatbázis keresünk

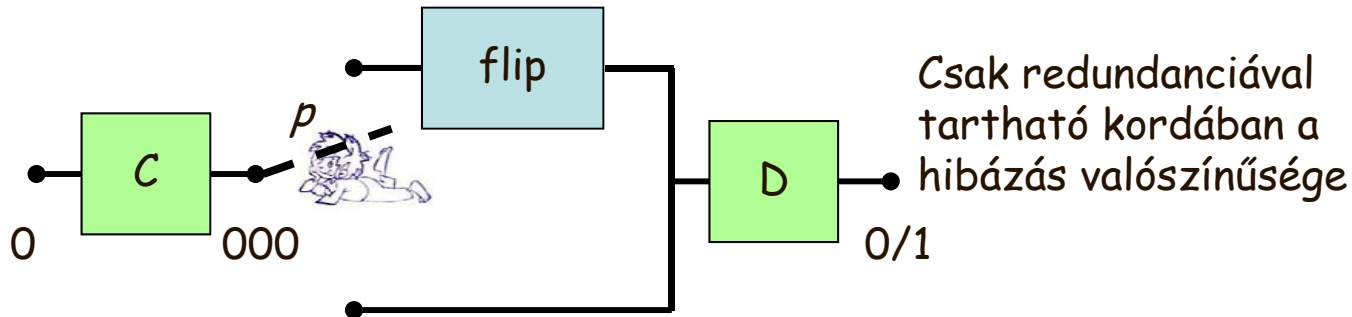
- Miért örülünk ennek?
  - Informatika: pl. adatbázis kezelés
  - Távközlés: pl. útvonalválasztás, jelfeldolgozás





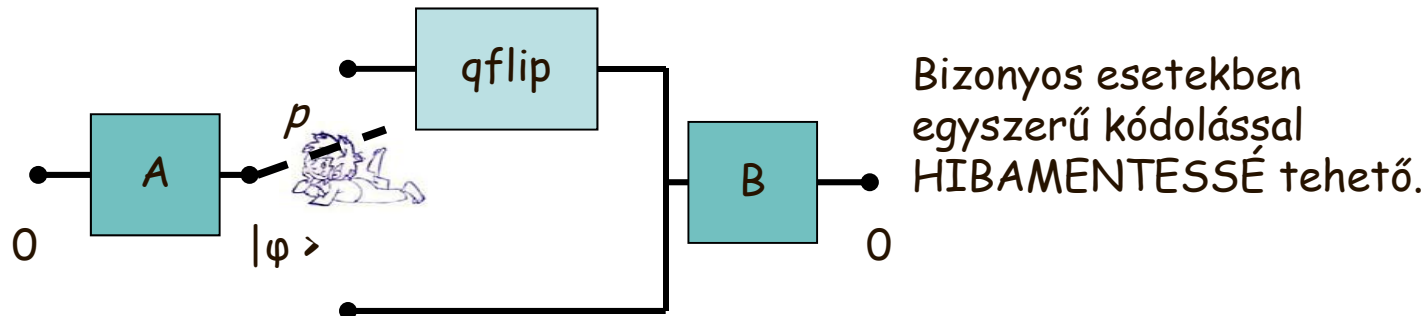
# Egy egyszerű csatorna modell (mintha már láttuk volna valahol...)

Klasszikus csatorna



$$p_{ij} = \frac{1}{2} \longrightarrow C = 1 - H(p) = 0$$

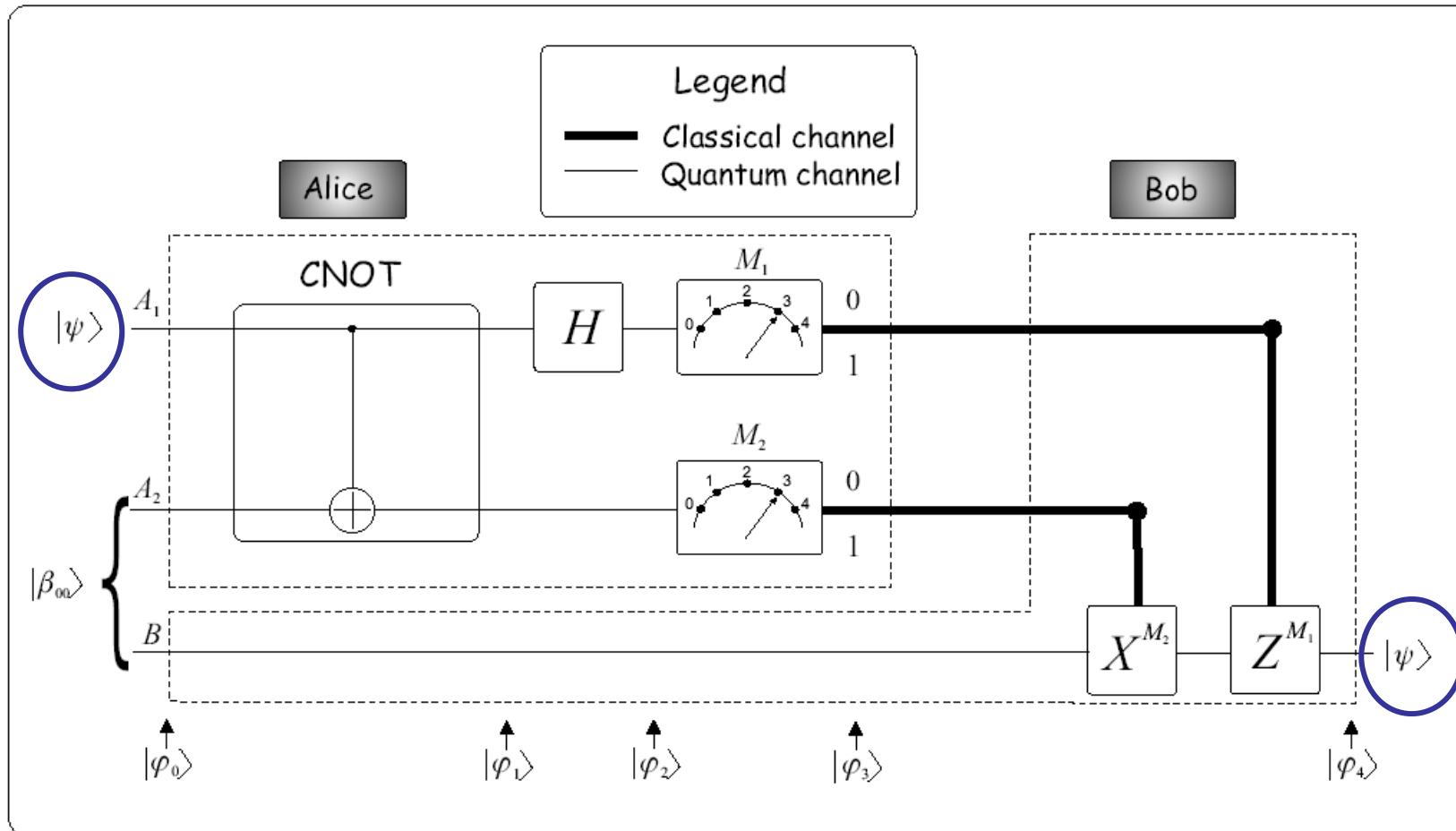
Kvantum csatorna



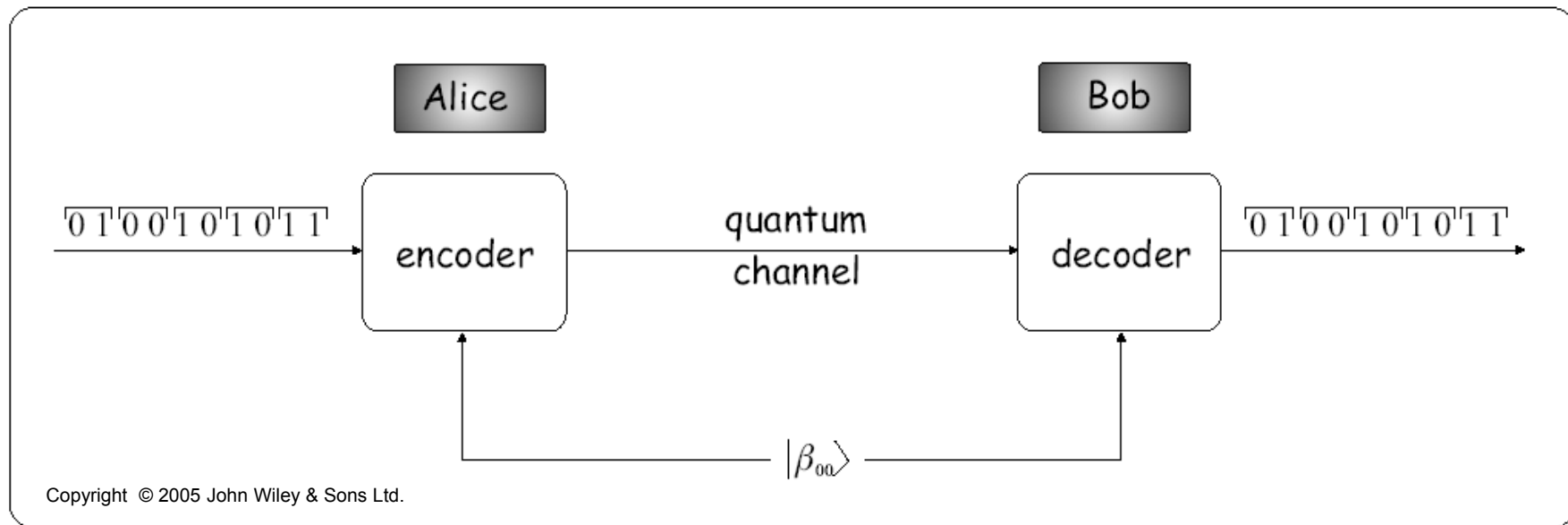
$$p_{ij} = \frac{1}{2} \longrightarrow C = 1$$



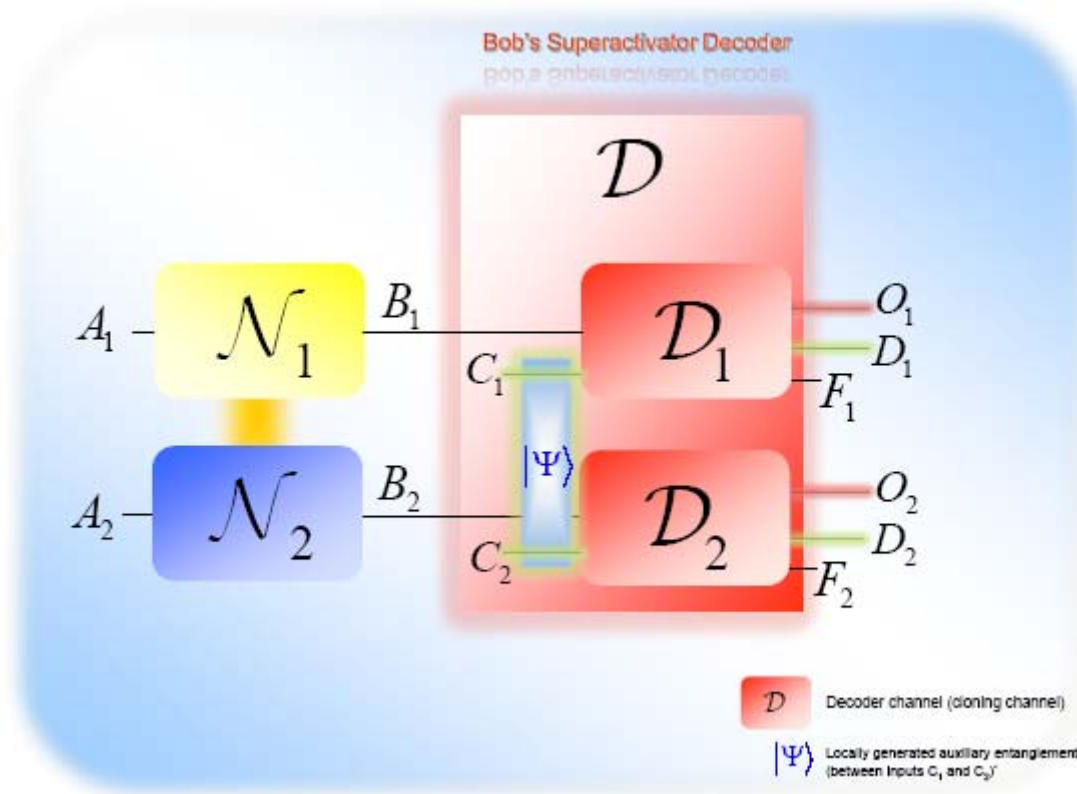
# Teleportálás



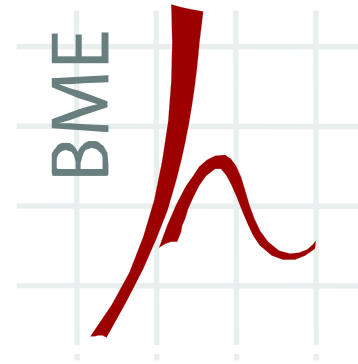
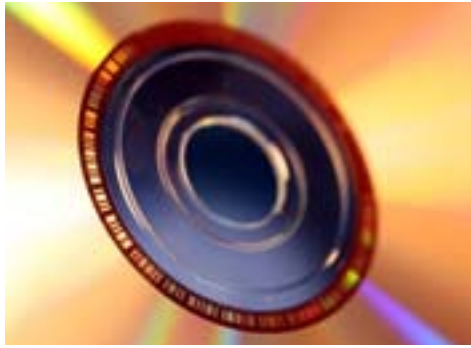
# Szupersűrűségű tömörítés



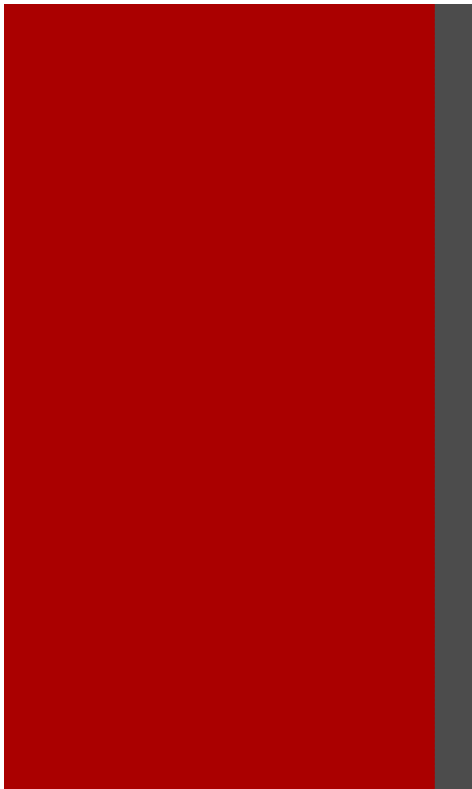
# OK, ezt még lenyeltük, de ilyen állat nincs:



- 2 db. külön-külön  $C = 0$  kapacitású csatorna  
 ügyesen  
 összekapcsolva mégis  
 képes információt  
 átvinni!

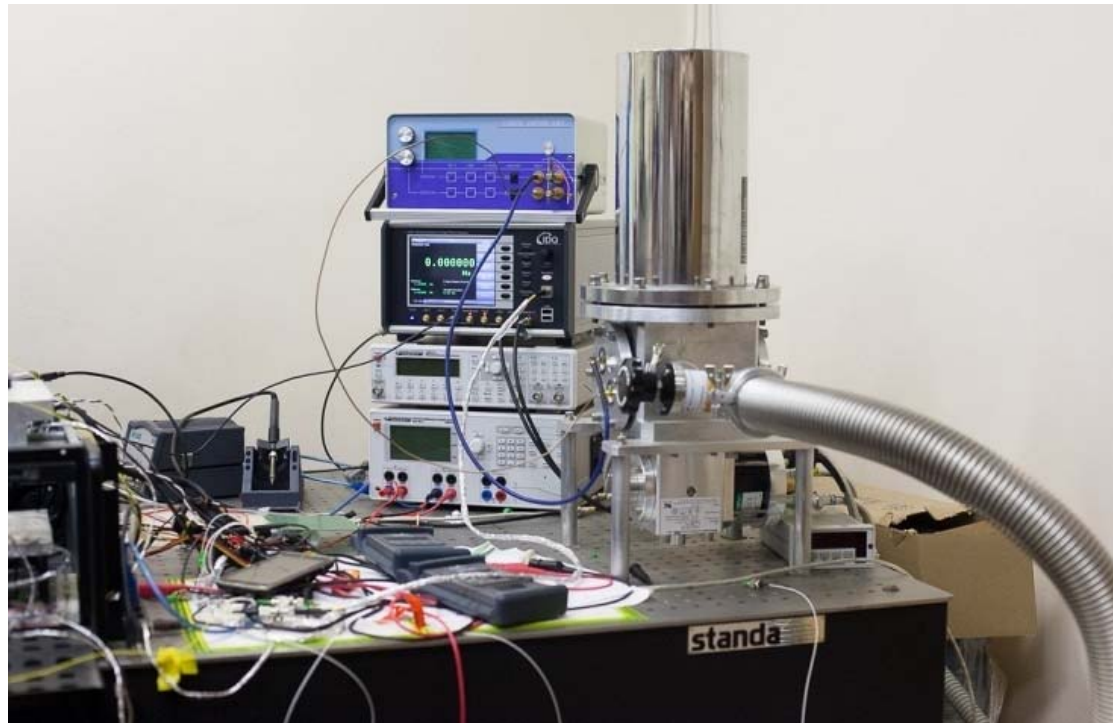


Hol tart ma a világ?



# Optikai szálon

Az orosz medve: 225 km – 2016



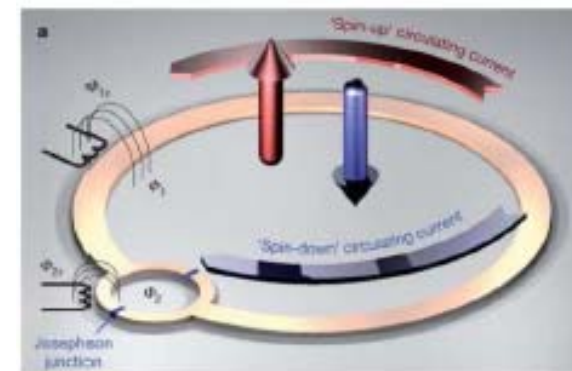
A svájci óra: 307 km - 2015

# Biztató jelek - szabadtér

- **1991**
  - első megvalósítás, 30 cm-es távon
  - laboratóriumi körülmények között: 205 méter
  - külső körülmények között: 75 méter
- **1998**
  - Los Alamos National Laboratory, 950 méteres táv, éjszakai körülmények
- **2002**
  - ugyanez a kutatólaboratórium demonstrálta 10 kilométeres távon (9,81 km), nappali és éjjeli időszakban is
- **2006**
  - 144 km nemzetközi kutatócsoport
- **2016**
  - Kínai-osztrák műhold pályára állítása, várjuk az eredményeket!



- 2007 Orion Systems,
- 16 kvantumbites gép bemutatója
- három alkalmazással:
  - Adatbázis keresés
  - Ülésrend tervezés
  - Sudoku fejtés
- 2009 Neural Information Processing Systems Conference
  - Képfelismerő rendszer betanítása



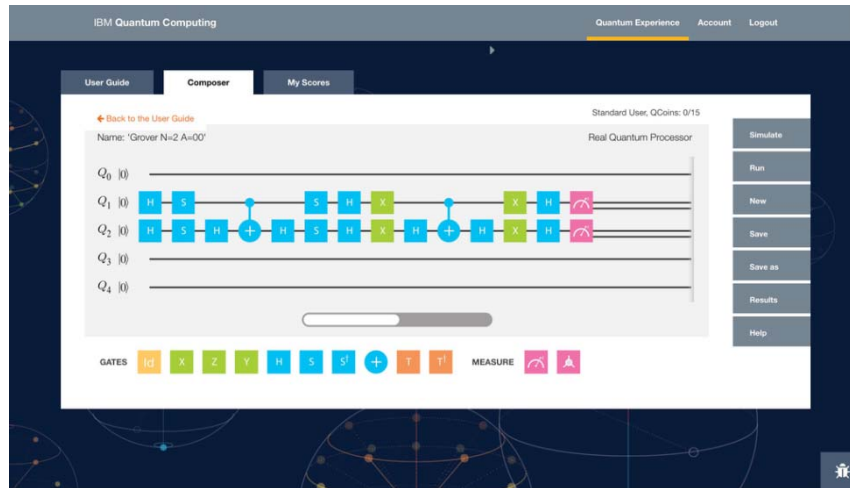
- 2011: D-Wave One
  - 128 qubit
  - 10 000 000\$
- 2013: D-Wave Two
  - 512 qubit



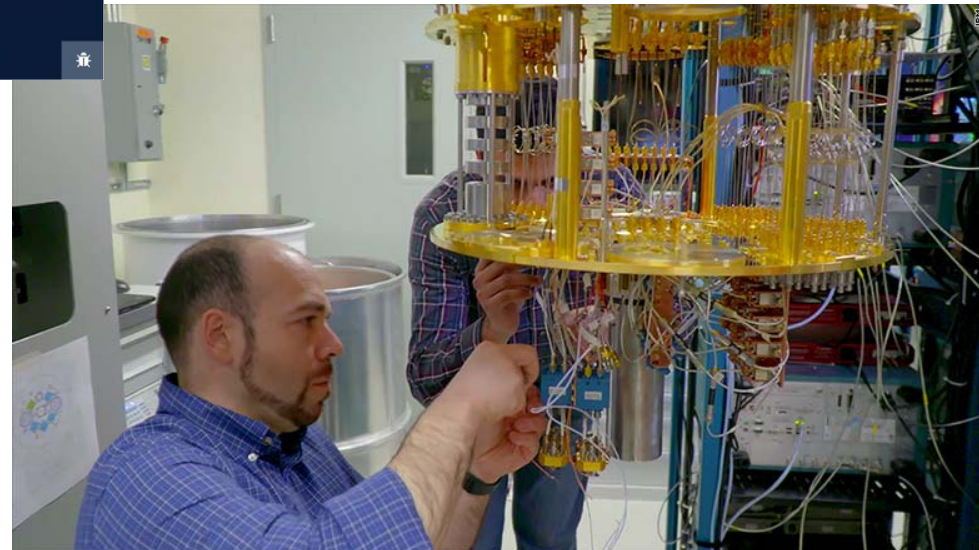
- 2016:
  - D-Wave's flagship product, the 1000-qubit D-Wave 2X quantum computer, is the most advanced quantum computer in the world. It is based on a novel type of superconducting processor that uses quantum mechanics to massively accelerate computation.



# IBM kvantum számítógép hozzáférés!



2016-os  
újdonosság!!!

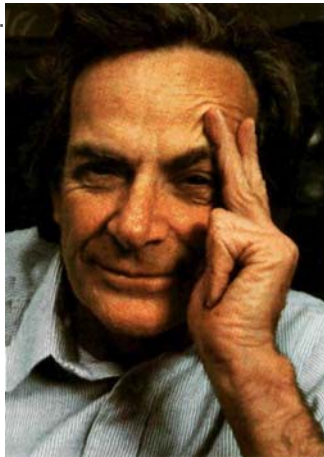


<https://quantumexperience.ng.bluemix.net/>

# Tanulságok

---

- Ígéretes algoritmusok,
- Ígéretes kísérletek és demonstrációk.
- Sőt egyes alkalmazások már ki is férnek a gyárkapun.
- De akad még néhány „APRÓBB” probléma:
  - „árnyékolás”
- Az asztali kvantum PC-re még néhány évet bizonyosan várni kell.
- Viszont a kvantum kommunikáció előtt szabad az út!



**“... it seems that the laws of physics present no barrier to reducing the size of computers until bits are the size of atoms, and quantum behavior holds sway.”**

**Richard P. Feynman (1985)**

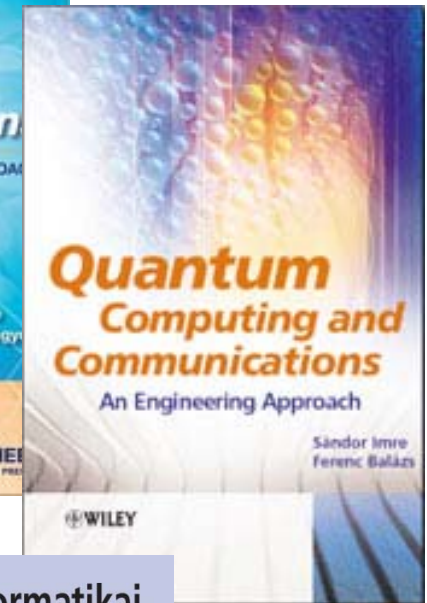
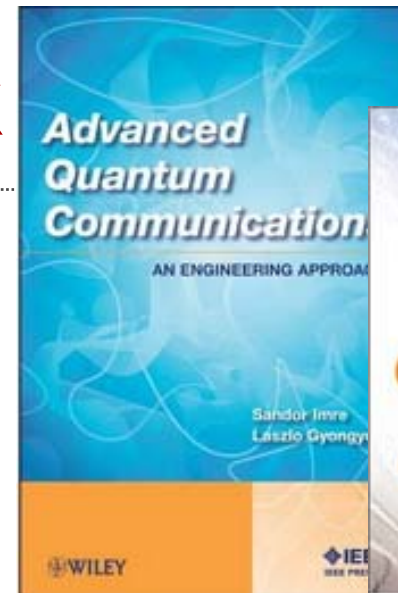
Ne éljetez „klasszikusan"! Az élet kerek mivoltához nélkülözhetetlen a szuperpozíció.

Imre Sándor 2010

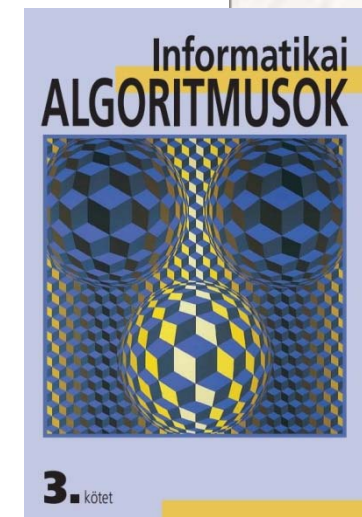
# További információk



**IMRE@HIT.BME.HU**



Aki a kvantumoz világra kíváncsi:  
<http://www.mcl.hu/quantum//>



Aki esetleg rám kíváncsi:  
<http://www.hit.bme.hu/people/imre/>

# Akik a mozgóképet szeretik 😊

- Bevezetés a kvantum-informatikába (12 publikus felvétel)
- [http://videotorium.hu/hu/channels/details/1291,Bevezetes a kvantum-informatikaba](http://videotorium.hu/hu/channels/details/1291,Bevezetes_a_kvantum-informatikaba)

